

# **Alignement, la spécificité d'abord !**

Mikaël Salson

Équipe Bonsai, LIFL (Université Lille 1 et CNRS) – Inria

# Les séquenceurs à haut débit

# Les séquenceurs à haut débit

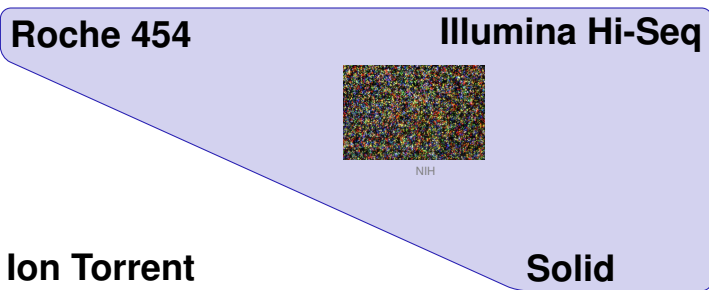
**Roche 454**

**Illumina Hi-Seq**

**Ion Torrent**

**Solid**

# Les séquenceurs à haut débit



# Les séquenceurs à haut débit

## Roche 454

Haut débit  
( $\simeq$  1 Gpb)

**Ion Torrent**

## Illumina Hi-Seq

Très haut débit  
( $>$  100 Gpb)

**Solid**

# Les séquenceurs à haut débit

**Roche 454**

Moins de  
une journée

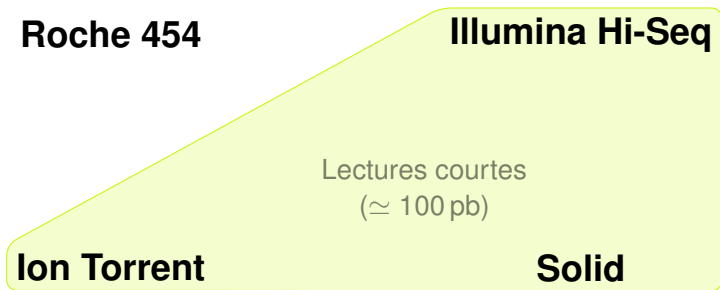
**Ion Torrent**

**Illumina Hi-Seq**

Plusieurs jours

**Solid**

# Les séquenceurs à haut débit



# Les séquenceurs à haut débit

**Roche 454**

Homopolymères

**Ion Torrent**

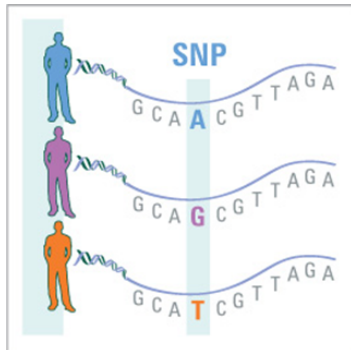
**Illumina Hi-Seq**

Substitutions

**Solid**

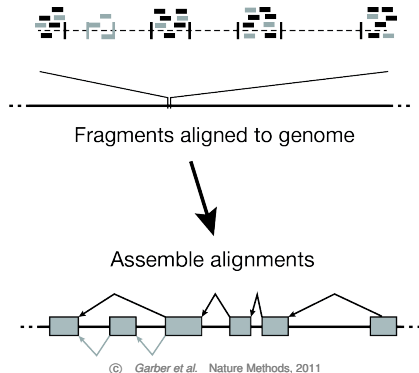


# Le séquençage pour quoi faire ?

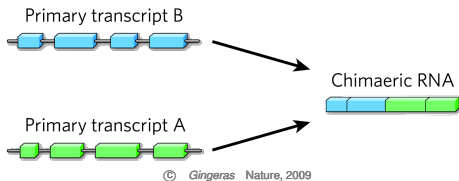


© Lauren Solomon Broad institute

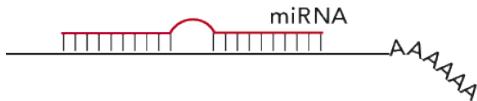
# Le séquençage pour quoi faire ?



# Le séquençage pour quoi faire ?



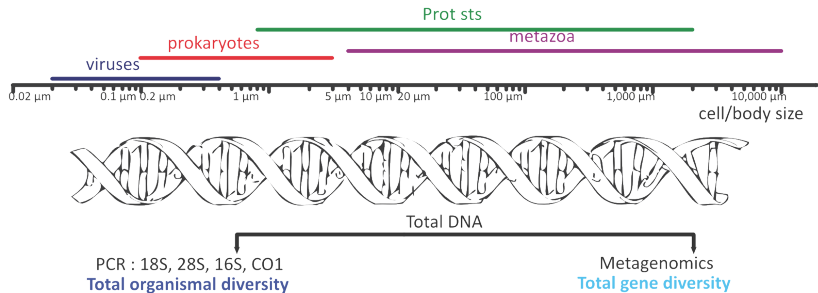
# Le séquençage pour quoi faire ?



© Carin Cain, Victor Ambros Lasker foundation

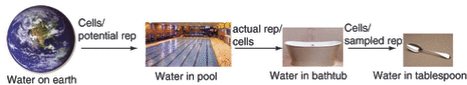
# Le séquençage pour quoi faire ?

## High Throughput Sequencing



CC BY Karsenti et al PLOS Biology, 2011

# Le séquençage pour quoi faire ?



© Benichou et al Immunology, 2012

# L'alignement de séquences





caagctgtgactctatttgggtgag?

# L'alignement de séquences

cagagtgactccattttgggtgag ?

# Recherche exacte

Knuth-Morris-Pratt

Boyer-Moore

Arbre des suffixes

# Recherche exacte

Knuth-Morris-Pratt

Boyer-Moore

**Années 1970**

Arbre des suffixes

[illegible][illegible]

[illegible][illegible]

# Recherche avec erreur(s)

Programmation dynamique

Shift-or

# Recherche avec erreur(s)

Programmation dynamique

**Années 1960–1980**

Shift-or



# Un problème compliqué ?

Knuth-Morris-Pratt

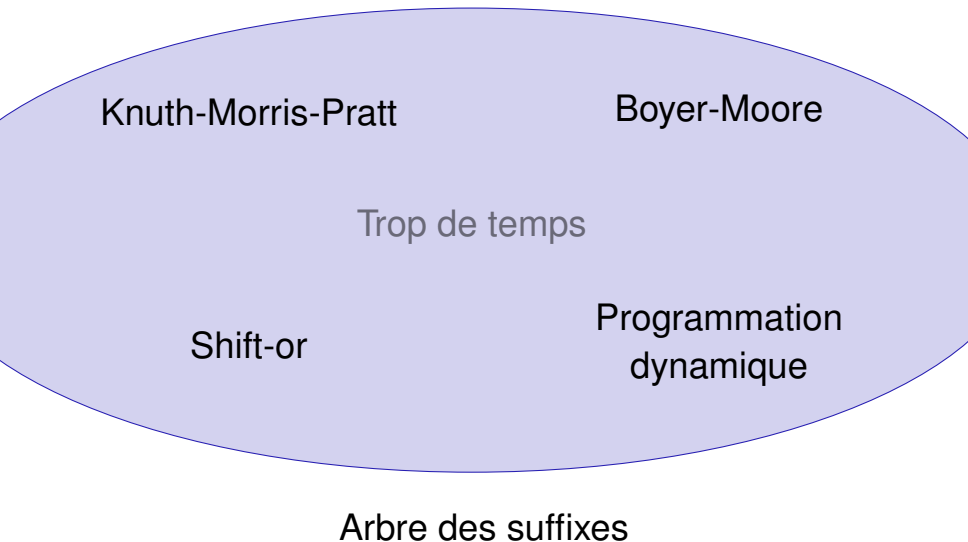
Boyer-Moore

Shift-or

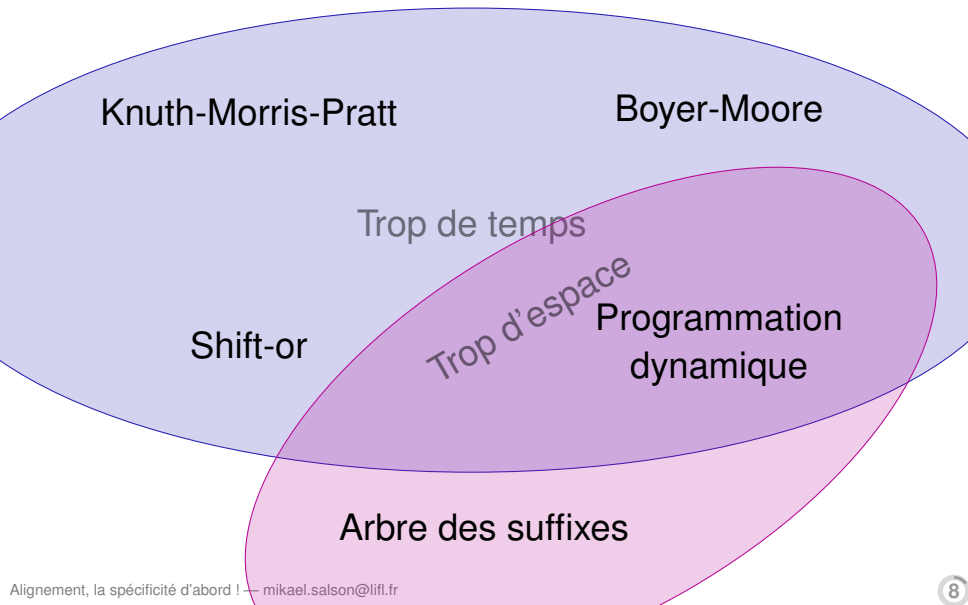
Programmation  
dynamique

Arbre des suffixes

# Un problème compliqué ?



# Un problème compliqué ?



# Un problème compliqué ?

Beaucoup de données

Spécificités du protocole et du séquençage

# Graines

---

Génome

# Graines

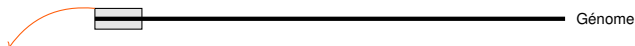
---

Génome



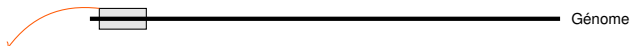
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

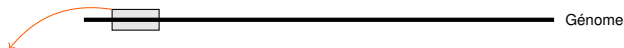


# Graines



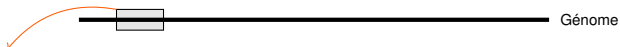
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



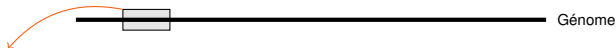
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



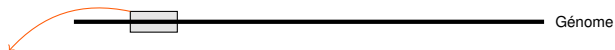
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



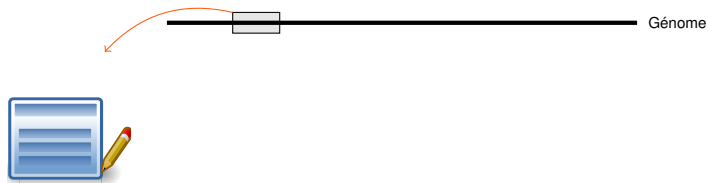
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



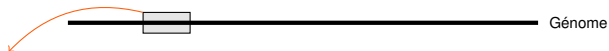
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



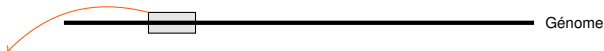
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

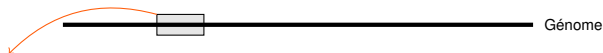
# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

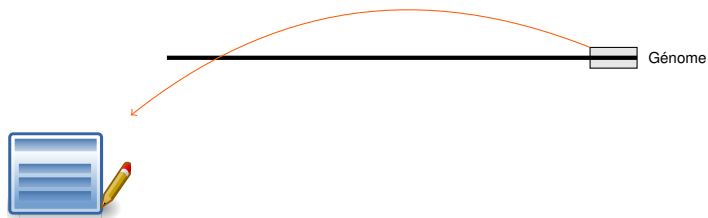


# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines

---

Génome

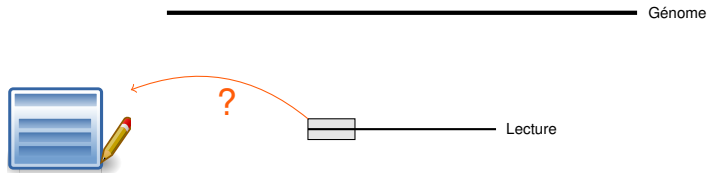


---

Lecture

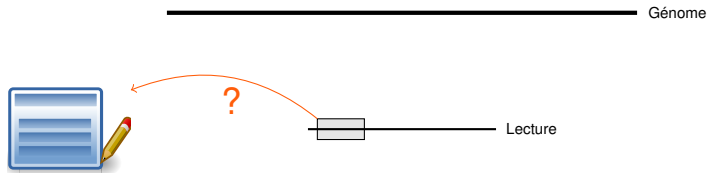
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



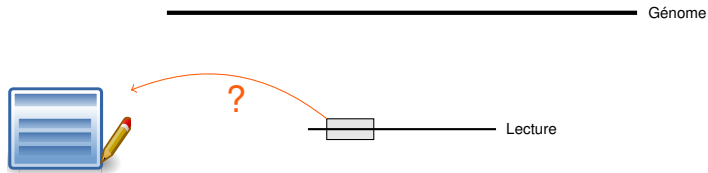
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



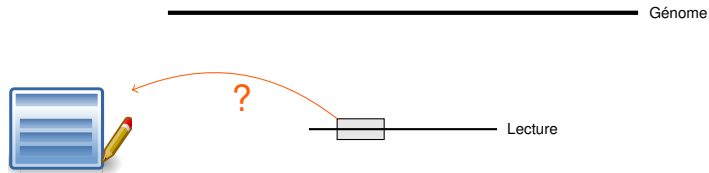
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



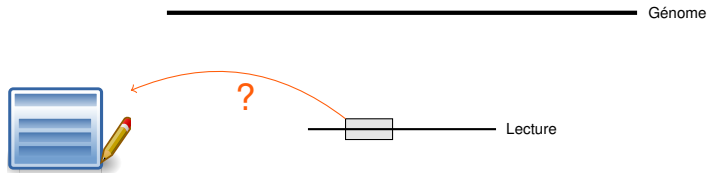
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

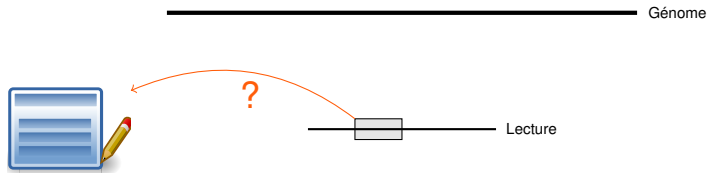
# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

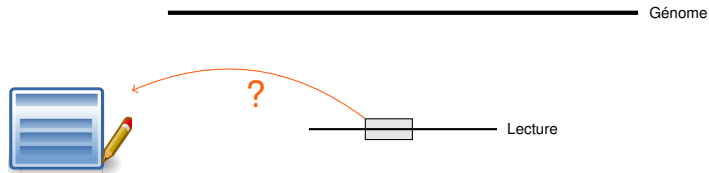


# Graines



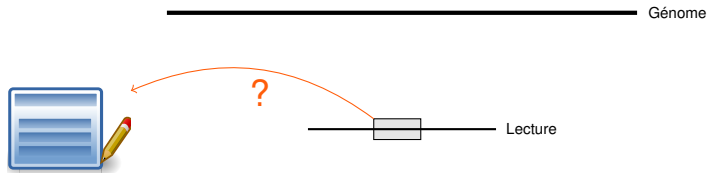
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



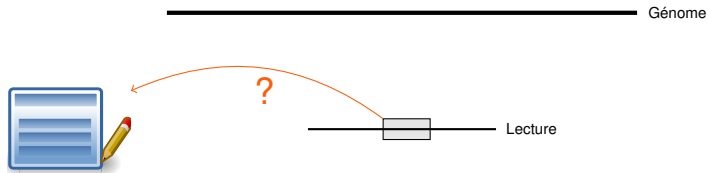
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



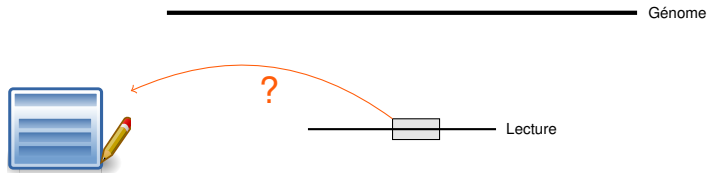
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



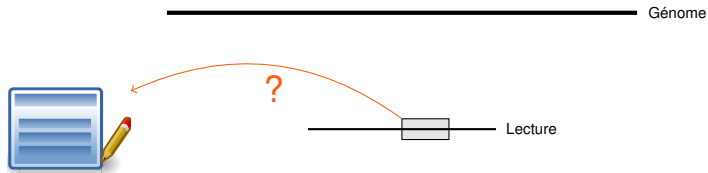
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines

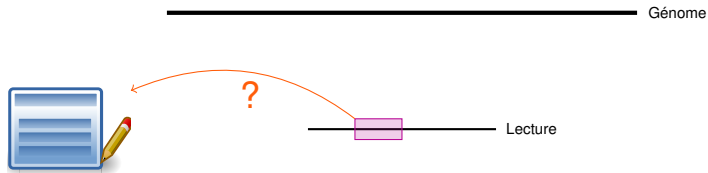


\_\_\_\_\_ Génome

\_\_\_\_\_ Lecture

CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

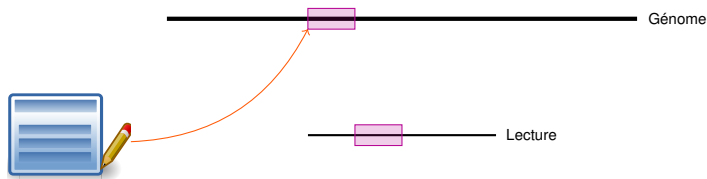
# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

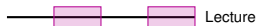


# Graines



CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



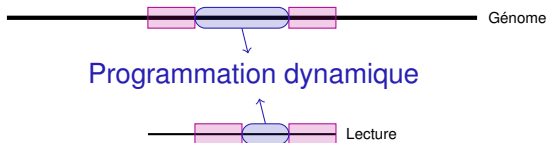
CC BY SA *RRZEicons* Wikimedia

# Graines



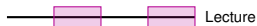
CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

Graines contiguës  
####

# Graines



CC BY SA RRZEIcons Wikimedia

Graines contiguës  
####

# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

Graines contiguës  
####

# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

Graines espacées  
##-#



# Graines



CC BY SA RRZEIcons Wikimedia

Graines espacées  
##-#

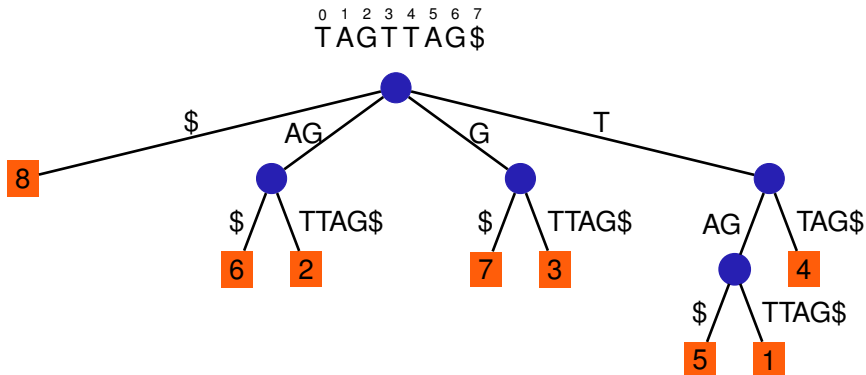
# Graines



CC BY SA *RRZE*icons Wikimedia

Graines espacées  
##-#

# Indexation de tout le texte



# Les aligneurs



© Fonseca et al Bioinformatics, 2012

[http://wwwdev.ebi.ac.uk/fg/hts\\_mappers/](http://wwwdev.ebi.ac.uk/fg/hts_mappers/)

# Les aligneurs les plus utilisés

Bowtie

Blat

MAQ

BWA

TopHat

SOAP

SOAP2

Mummer3

BWA-SW

mrFAST

SHRiMP

Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

Alignement, la spécificité d'abord ! — [mikael.salson@lifl.fr](mailto:mikael.salson@lifl.fr)

# Les aligneurs les plus utilisés

Bowtie

Blat

MAQ

BWA

TopHat

SOAP

SOAP2

Mummer3

BWA-SW

mrFAST

SHRiMP

Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

Alignement, la spécificité d'abord ! — [mikael.salson@lifl.fr](mailto:mikael.salson@lifl.fr)

# Les aligneurs les plus utilisés

Bowtie

Blat

BWT

MAQ

BWA

TopHat

SOAP

SOAP2

Mummer3

BWA-SW

mrFAST

SHRiMP

Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

Alignement, la spécificité d'abord ! — [mikael.salson@lifl.fr](mailto:mikael.salson@lifl.fr)

# Les aligneurs les plus utilisés

Bowtie

Blat

BWT

MAQ

BWA

TopHat

Arbre des suffixes

SOAP

SOAP2

Mummer3

BWA-SW

mrFAST

SHRiMP

Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

Alignement, la spécificité d'abord ! — [mikael.salson@lifl.fr](mailto:mikael.salson@lifl.fr)



# Les aligneurs les plus utilisés

Bowtie

Blat

BWT

MAQ

BWA

TopHat

Arbre des suffixes

SOAP

SOAP2

Graines contiguës

Mummer3

BWA-SW

mrFAST

SHRiMP

Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

Alignement, la spécificité d'abord ! — [mikael.salson@lifl.fr](mailto:mikael.salson@lifl.fr)

# Les aligneurs les plus utilisés

Bowtie

Blat

BWT

MAQ

BWA

TopHat

Arbre des suffixes

SOAP

SOAP2

Graines contiguës

Mummer3

BWA-SW

mrFAST

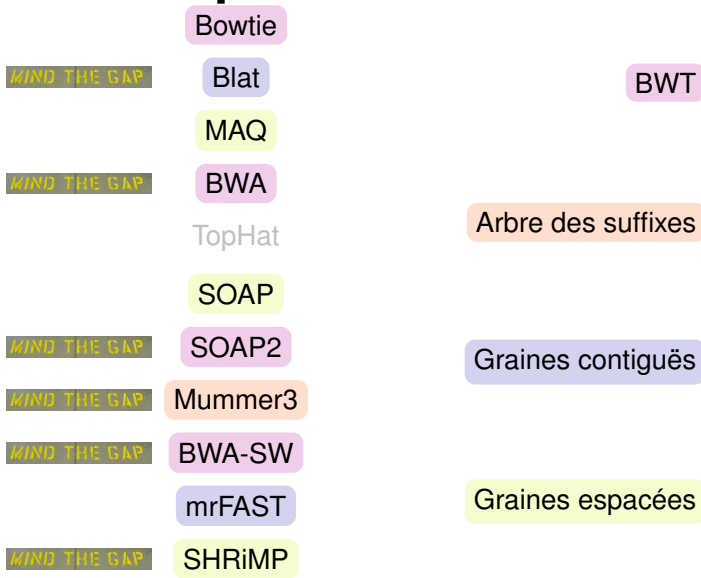
Graines espacées

SHRiMP

Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

Alignement, la spécificité d'abord ! — [mikael.salson@lifl.fr](mailto:mikael.salson@lifl.fr)

# Les aligneurs les plus utilisés



Les aligneurs ayant le plus de citations par an, d'après Fonseca *et al*, Bioinformatics 2012.

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

Quelle utilisation ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

Quelle utilisation ?

Quel protocole ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

Quelle utilisation ?

Quel protocole ?

Quel séquenceur ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

Quelle utilisation ?

Quel protocole ?

Quel séquenceur ?

Quelles machines ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

Quelle utilisation ?

Quel protocole ?

## Tout est relatif !

Quel séquenceur ?

Quelles machines ?



# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

Longueur ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

Longueur ?

Génome ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

Longueur ?

Génome ?

Quantité ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

Longueur ?

Génome ?

Quantité ?

Paires ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

Longueur ?

Génome ?

Quantité ?

Paires ?

Erreur ?

# Qu'est-ce qu'un bon alignement ?

**Pourcentage de lectures correctement alignées ?**

Longueur ?

Génome ?

Quantité ?

Paires ?

Erreur ?

Alignement correct ?

# La qualité, une donnée fiable ?

$$Q = -10 \log_{10} p$$

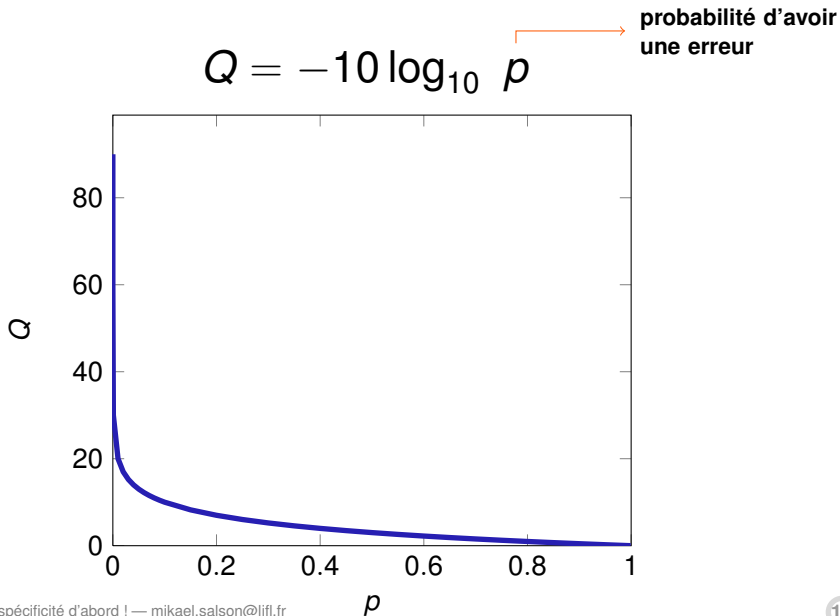


# La qualité, une donnée fiable ?

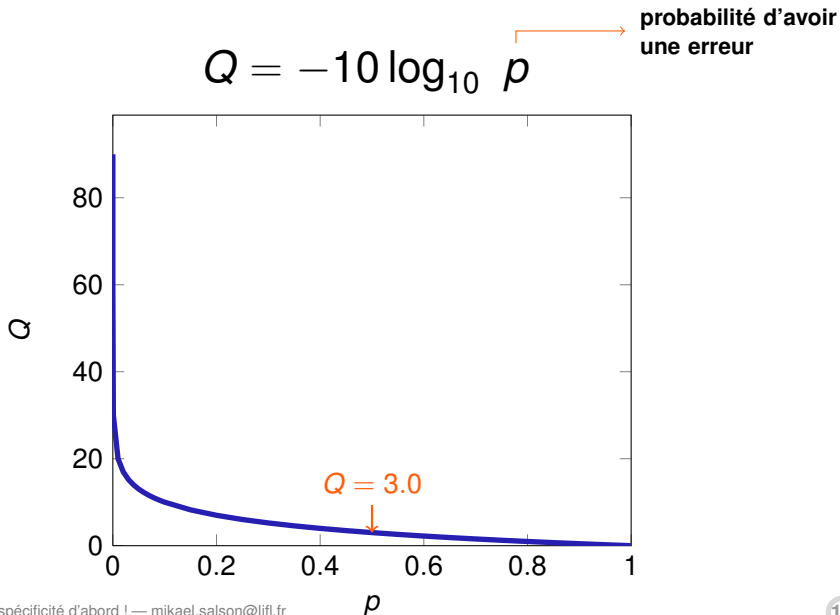
$$Q = -10 \log_{10} p$$


probabilité d'avoir  
une erreur

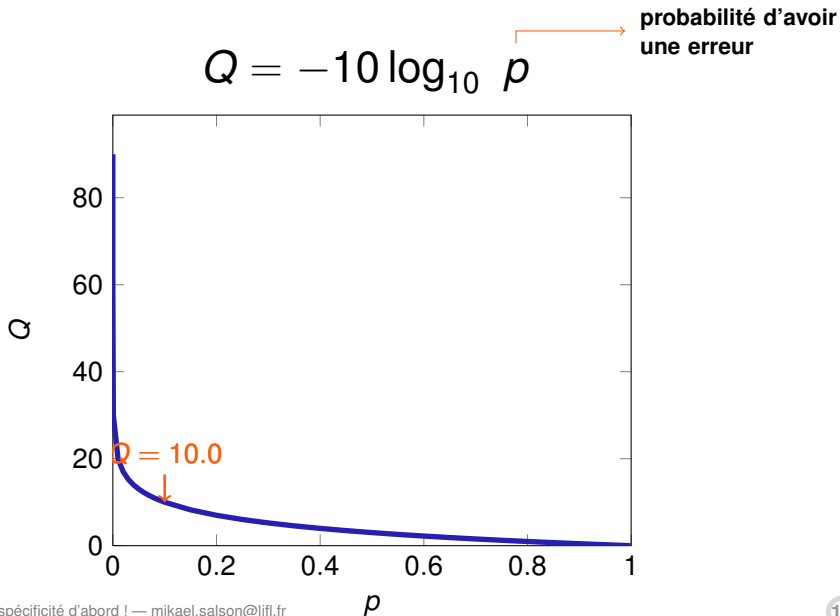
# La qualité, une donnée fiable ?



# La qualité, une donnée fiable ?



# La qualité, une donnée fiable ?



# La qualité, une donnée fiable !

# La qualité, une donnée fiable !

*« Our results indicate that significant gains in Solexa read mapping performance can be achieved by [...] appropriately using the base-call quality scores »*

Smith *et al*, BMC Bioinformatics, 2008

# La qualité, une donnée fiable !

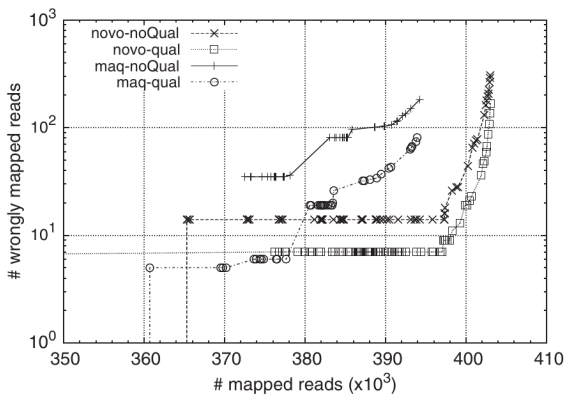
*« Our results indicate that significant gains in Solexa read mapping performance can be achieved by [...] appropriately using the base-call quality scores »*

Smith *et al*, BMC Bioinformatics, 2008

Alignement avec  
X substitutions

Alignement sans  
substitution ou  
permise si  $Q \leq 8$

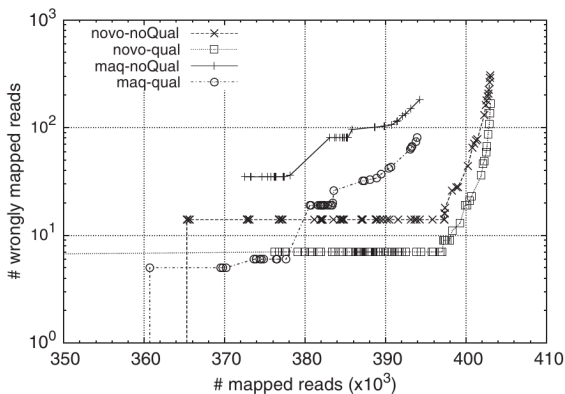
# La qualité, une donnée fiable !



© Li et Homer Briefings in Bioinformatics, 2010



# La qualité, une donnée fiable !



© Li et Homer Briefings in Bioinformatics, 2010

« Figure 3 shows that using base quality score halves alignment errors when the quality score is accurate »

Li et Homer, Briefings in Bioinformatics, 2010

# La qualité, une donnée fiable ! ?

# La qualité, une donnée fiable ! ?

chr. 21  
humain

DRX000307

Illumina GA II  
76 pb  
20 M lectures

# La qualité, une donnée fiable ! ?

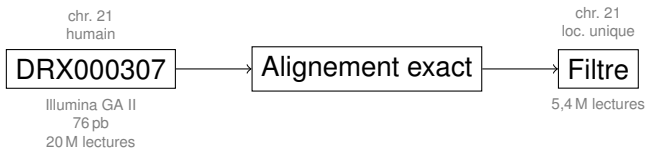
chr. 21  
humain

DRX000307

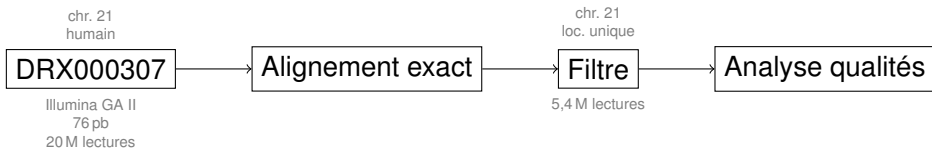
Alignement exact

Illumina GA II  
76 pb  
20 M lectures

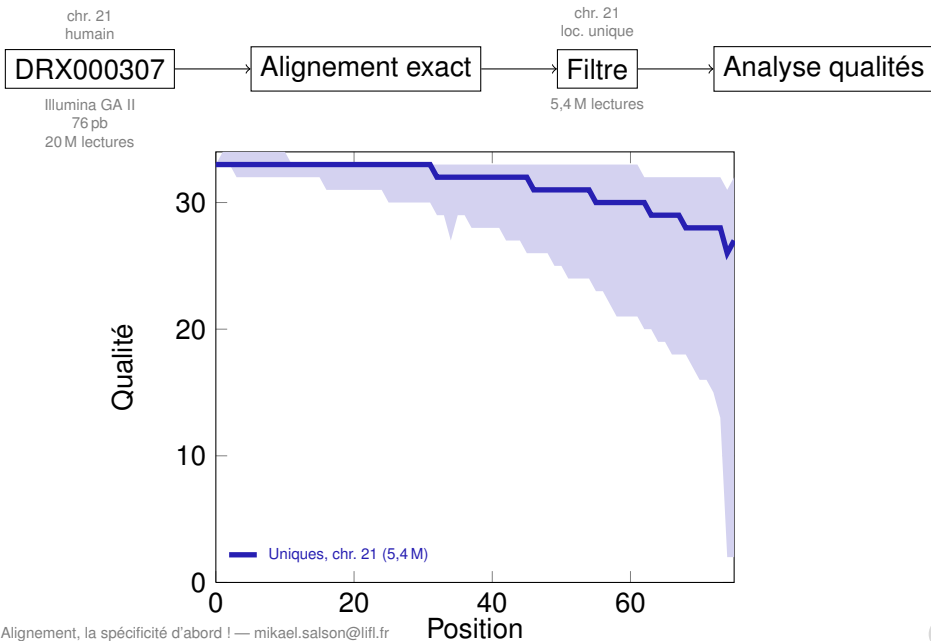
# La qualité, une donnée fiable ! ?



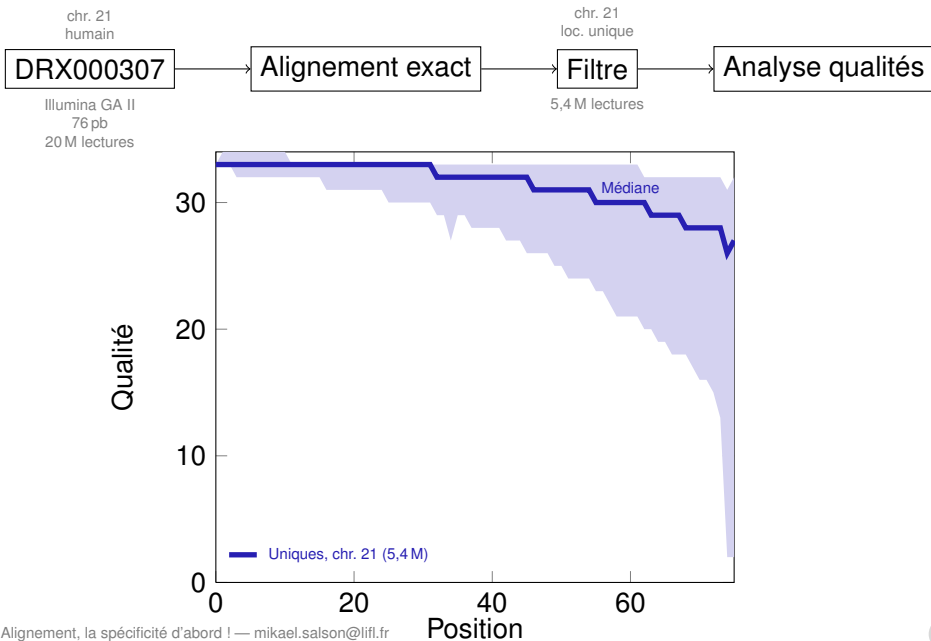
# La qualité, une donnée fiable ! ?



# La qualité, une donnée fiable ! ?

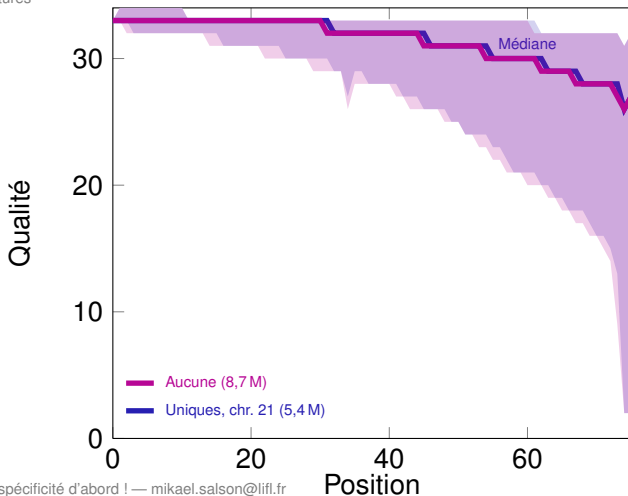
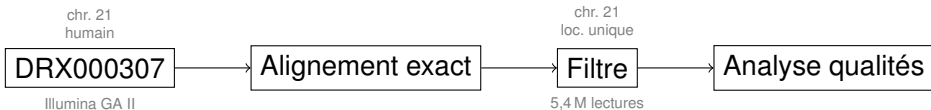


# La qualité, une donnée fiable ! ?





# La qualité, une donnée fiable ! ?



# Qualité, une donnée fiable ! ? ?

# Qualité, une donnée fiable ! ? ?

chr. 21  
humain

DRX000307

Illumina GA II  
76 pb  
20 M lectures

# Qualité, une donnée fiable ! ? ?

chr. 21  
humain

DRX000307

Illumina GA II  
76 pb  
20 M lectures

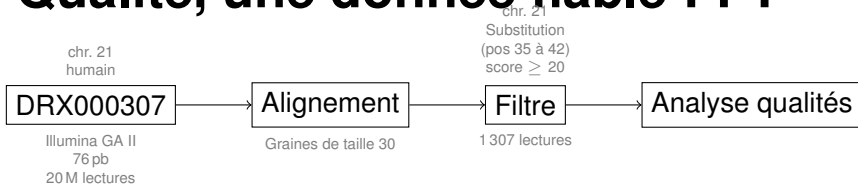
Alignement

Graines de taille 30

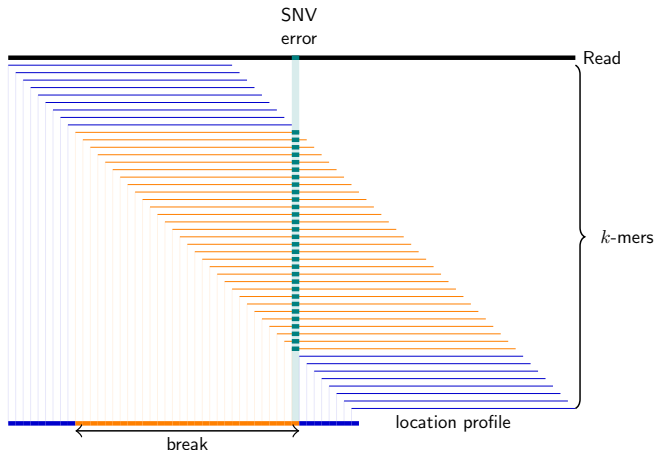
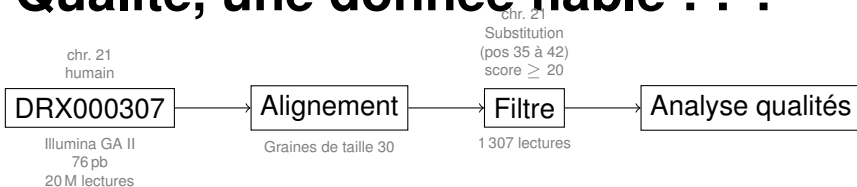
# Qualité, une donnée fiable ! ? ?



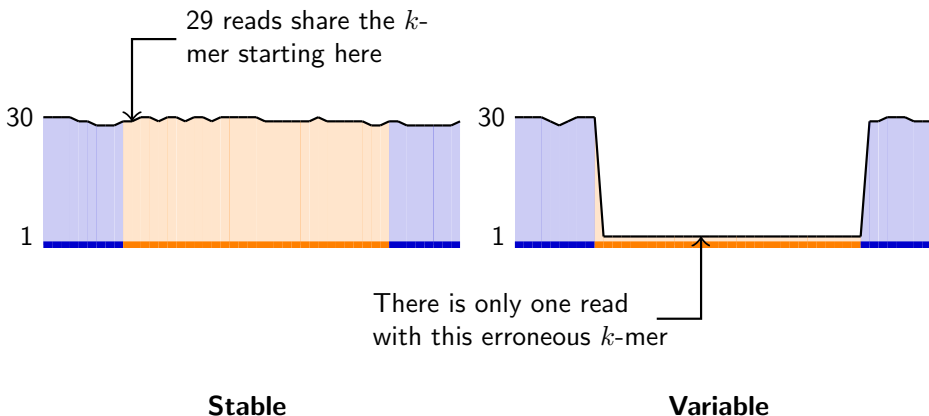
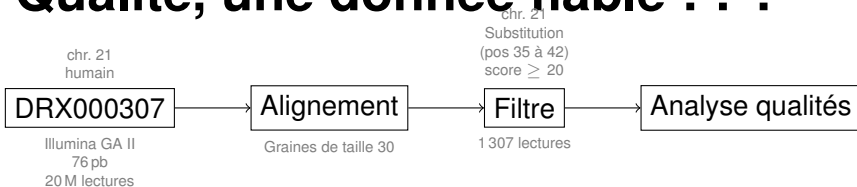
# Qualité, une donnée fiable ! ? ?



# Qualité, une donnée fiable ! ? ?

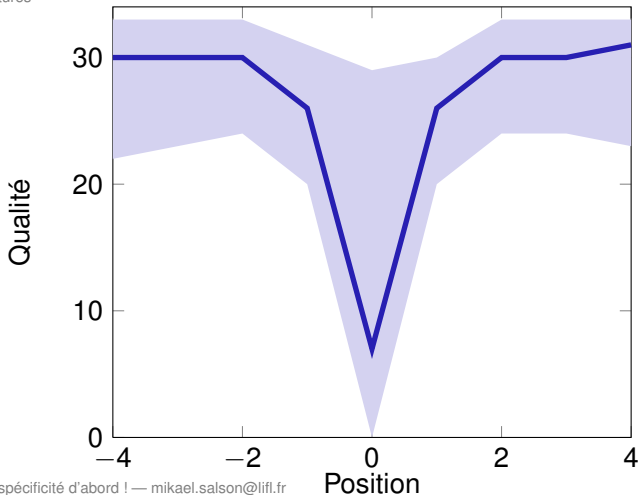
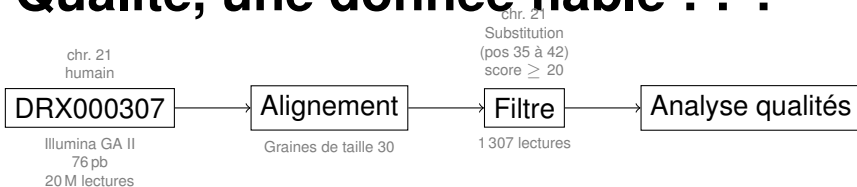


# Qualité, une donnée fiable ! ? ?





# Qualité, une donnée fiable ! ? ?



# Évaluation des performances

# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011

# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011

Génome

de référence  
ou artificiel

# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011

Génome

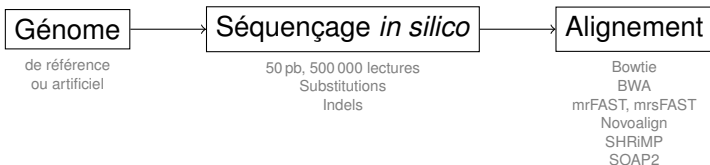
de référence  
ou artificiel

→ Séquençage *in silico*

50 pb, 500 000 lectures  
Substitutions  
Indels

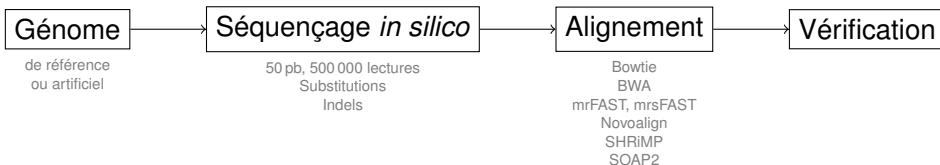
# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011



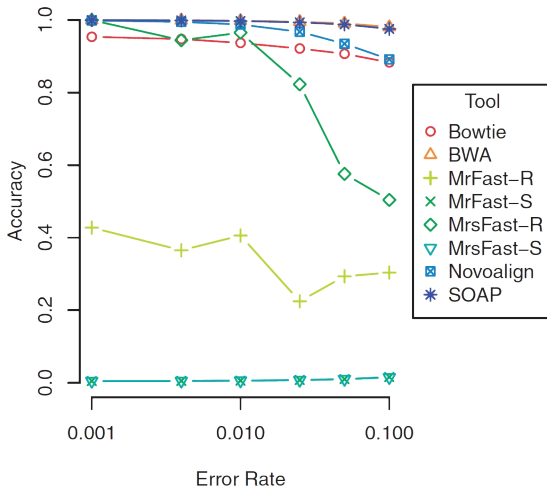
# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011



# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011

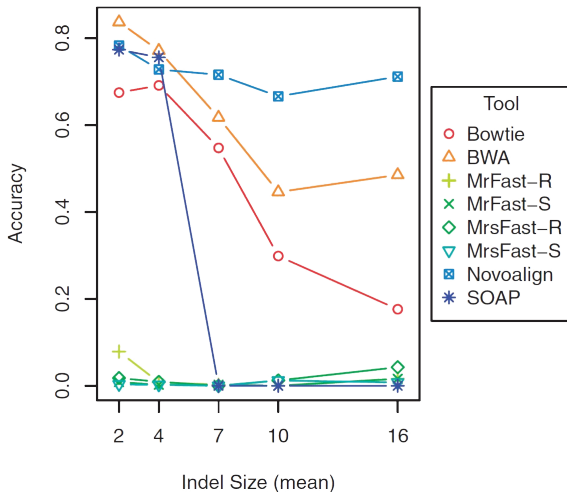


© Ruffalo *et al* Bioinformatics



# Évaluation des performances SEAL

Ruffalo *et al*  
Bioinformatics, 2011



© Ruffalo *et al* Bioinformatics

# Évaluation des performances Rabema

Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011

# Évaluation des performances Rabema

Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011

Données réelles

# Évaluation des performances Rabema

Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011

Données réelles

Alignement

10 000 lectures sélectionnées  
Sensibilité max (RazerS)

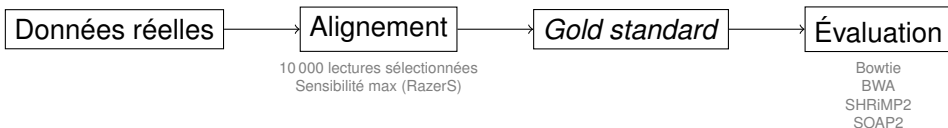
# Évaluation des performances Rabema

Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011



# Évaluation des performances Rabema

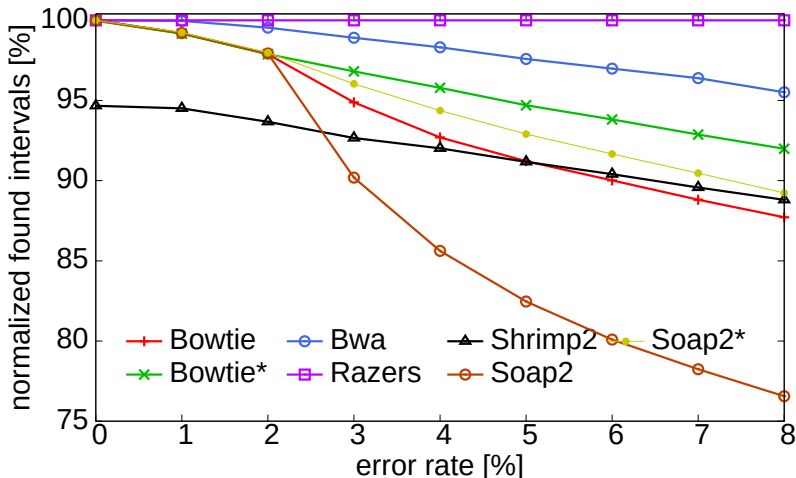
Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011



# Évaluation des performances Rabema

Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011

*D. melanogaster*, lectures 100 pb Illumina

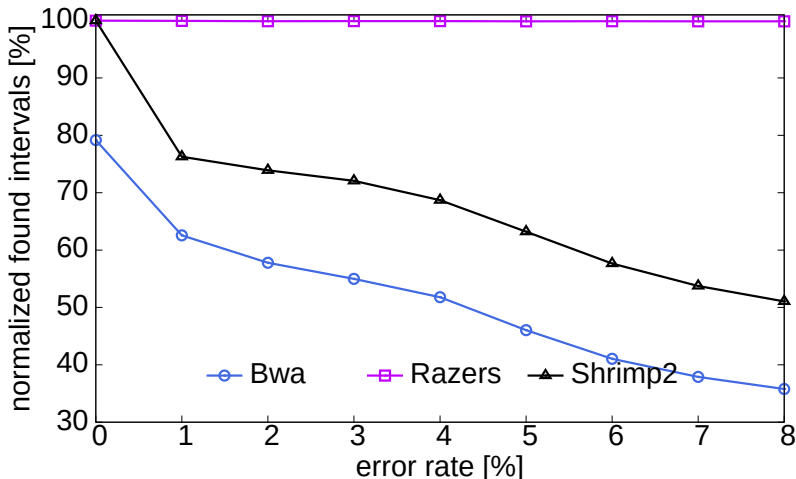


CC BY Holtgrewe *et al* BMC Bioinformatics

# Évaluation des performances Rabema

Holtgrewe *et al*  
BMC Bioinformatics, 2011

*D. melanogaster*, lectures 454 (moyenne : 273 pb)



CC BY Holtgrewe *et al* BMC Bioinformatics



# Évaluation des performances

Schbath *et al*

Journal of Computational Biology, 2012

# Évaluation des performances

Schbath *et al*

Journal of Computational Biology, 2012

Génomes de  
référence

*H. sapiens*

904 génomes bactériens

# Évaluation des performances

Schbath *et al*

Journal of Computational Biology, 2012

Génomes de  
référence



« Extraction »  
de lectures

*H. sapiens*

904 génomes bactériens

10 M lectures de 40 pb

Ajout de trois substitutions

# Évaluation des performances

Schbath *et al*

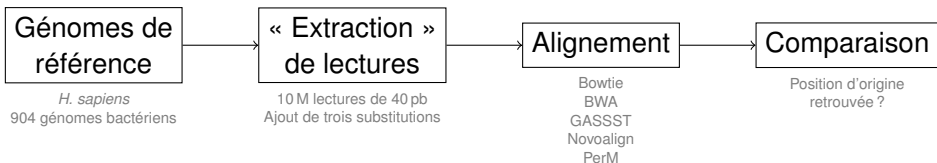
Journal of Computational Biology, 2012



# Évaluation des performances

Schbath *et al*

Journal of Computational Biology, 2012

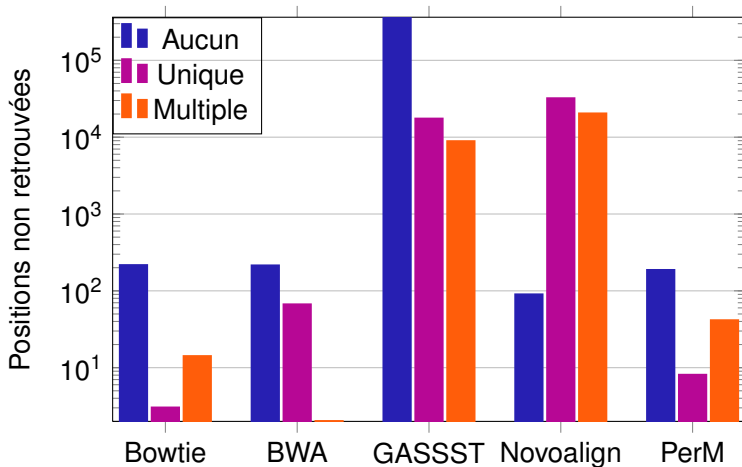


# Évaluation des performances

Schbath *et al*

Journal of Computational Biology, 2012

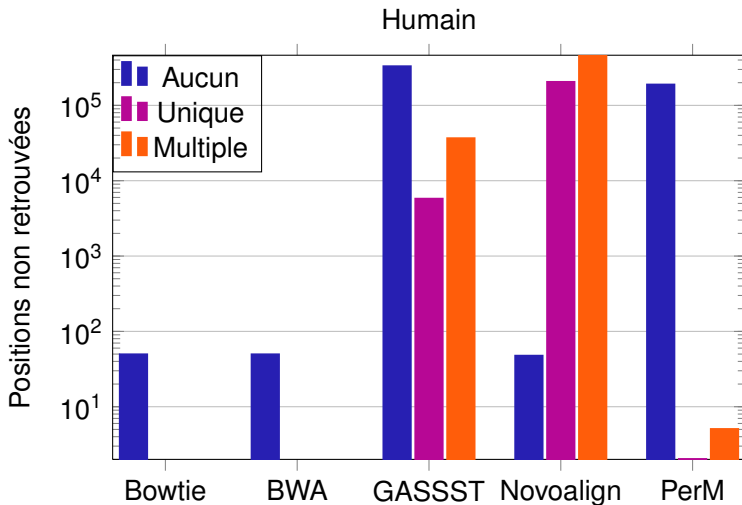
Bactérien



# Évaluation des performances

Schbath *et al*

Journal of Computational Biology, 2012



# Évaluation des performances

Yu *et al*

BioData Mining, 2012



# Évaluation des performances

*Yu et al*

BioData Mining, 2012

## Données réelles

3 000 exons humains

7,4 M et 5,4 M lectures de 68pb

# Évaluation des performances

*Yu et al*

BioData Mining, 2012

Données réelles

3 000 exons humains  
7,4 M et 5,4 M lectures de 68pb

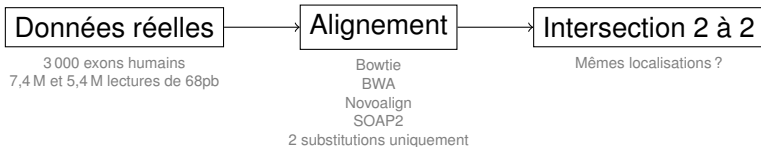
Alignement

Bowtie  
BWA  
Novoalign  
SOAP2  
2 substitutions uniquement

# Évaluation des performances

*Yu et al*

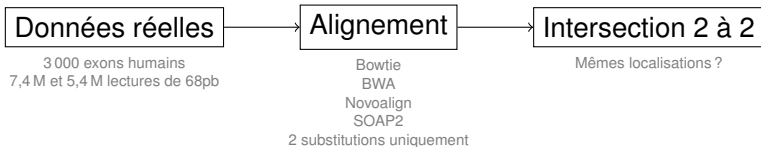
BioData Mining, 2012



# Évaluation des performances

*Yu et al*

BioData Mining, 2012



~ 95 % d'identité entre Bowtie, BWA et SOAP2

~ 85 % pour Novoalign

# Évaluation... et le RNA-Seq ?

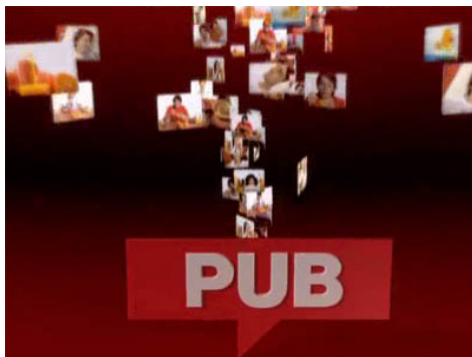
Jonctions exon-exon ?

# Évaluation... et le RNA-Seq ?

Jonctions exon-exon ?

Transcrits de fusion ?

# CRAC, un outil pour le RNA-Seq

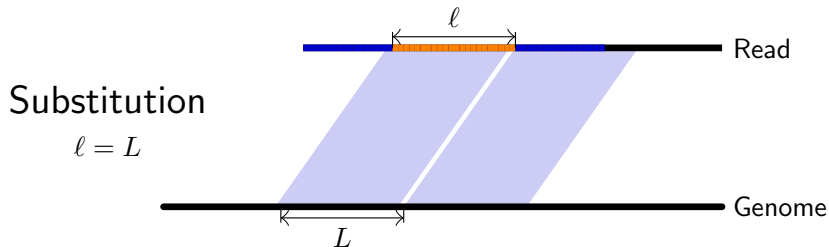


# CRAC, un outil pour le RNA-Seq

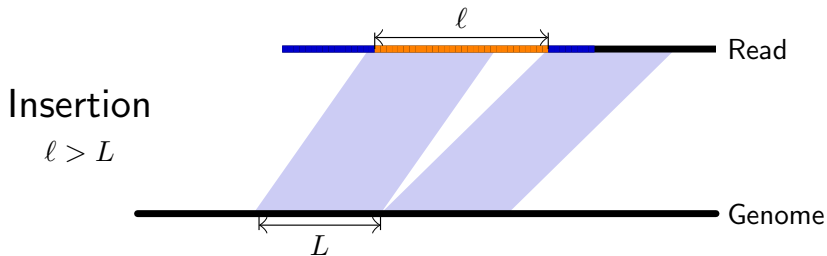
Avec Nicolas Philippe, Thérèse Commes, Éric Rivals  
[crac.gforge.inria.fr](http://crac.gforge.inria.fr)



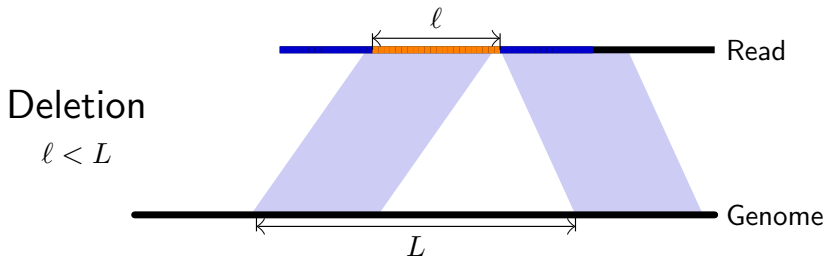
# CRAC, un outil pour le RNA-Seq



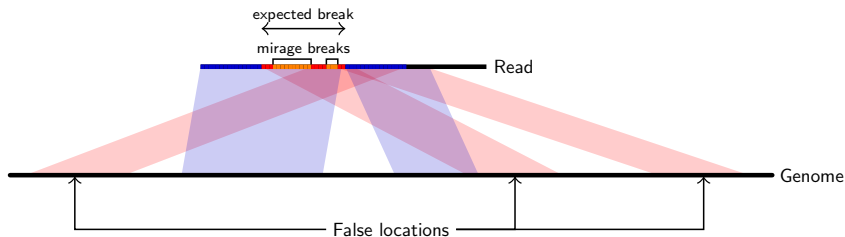
# CRAC, un outil pour le RNA-Seq



# CRAC, un outil pour le RNA-Seq



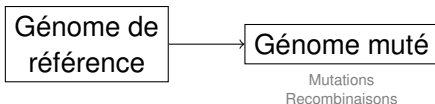
# CRAC, un outil pour le RNA-Seq



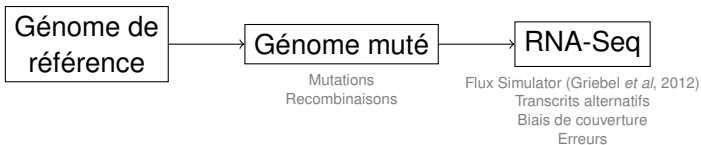
# Données simulées en RNA-Seq

Génome de  
référence

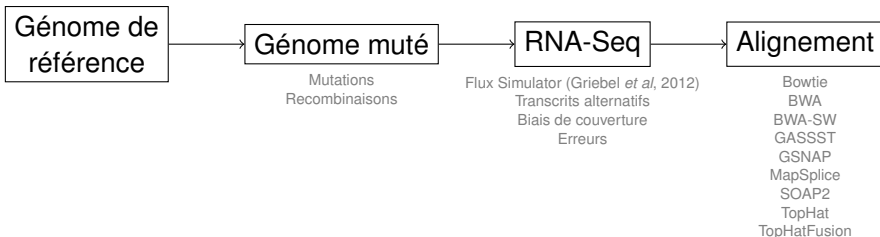
# Données simulées en RNA-Seq



# Données simulées en RNA-Seq

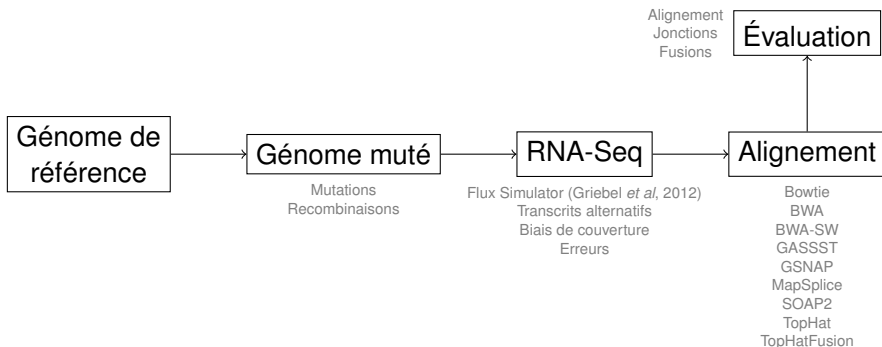


# Données simulées en RNA-Seq





# Données simulées en RNA-Seq



# Données simulées

| Type                   | SNV       | Insertion | Délétion | Fusion | Erreurs    |
|------------------------|-----------|-----------|----------|--------|------------|
| Génome complet         | 3 139 937 | 287 336   | 287 502  | 1 002  |            |
| 45 M lectures (75 pb)  | 29 084    | 2 687     | 2 734    | 647    | 12 836 882 |
| 48 M lectures (200 pb) | 52 971    | 4 810     | 4 901    | 914    | 38 840 045 |

# Performances sur données simulées

## Alignement (occurrences uniques)

| Tool   | 75bp         |              | 200bp        |              |
|--------|--------------|--------------|--------------|--------------|
|        | Sensitivity  | Precision    | Sensitivity  | Precision    |
| Bowtie | 75.42        | 99.59        | 55.72        | <b>99.81</b> |
| BWA    | 79.29        | 99.13        | 68.66        | 96.86        |
| CRAC   | <b>94.51</b> | <b>99.72</b> | <b>95.89</b> | <b>99.78</b> |
| GASSST | 70.73        | 99.09        | 59.43        | 97.86        |
| GSNAP  | <b>94.62</b> | <b>99.88</b> | <b>84.84</b> | 99.28        |
| SOAP2  | 77.6         | 99.52        | 56.08        | 99.78        |

# Performances sur données simulées

## Découverte de jonctions exon-exon

| Tool      | 75bp         |              | 200bp        |              |
|-----------|--------------|--------------|--------------|--------------|
|           | Sensitivity  | Precision    | Sensitivity  | Precision    |
| CRAC      | 79.43        | <b>99.5</b>  | <b>86.02</b> | <b>99.18</b> |
| GSNAP     | <b>84.17</b> | 97.03        | 72.94        | 97.09        |
| MapSplice | 79.89        | <b>97.68</b> | <b>84.72</b> | <b>98.82</b> |
| TopHat    | <b>84.96</b> | 89.59        | 54.07        | 94.69        |

# Performances sur données simulées

## Découverte de transcrits de fusion

| Tool             | 75bp         |              | 200bp        |              |
|------------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
|                  | Sensitivity  | Precision    | Sensitivity  | Precision    |
| CRAC             | <b>53.89</b> | <b>93.84</b> | <b>64.86</b> | <b>90.18</b> |
| MapSplice        | 2.33         | 0            | <b>2.63</b>  | <b>0.01</b>  |
| TopHatFusion     | <b>32.73</b> | 42.02        |              |              |
| TopHatFusionPost | 12.26        | <b>97.22</b> |              |              |

# Jonctions dans données réelles

ERR030856

RNA-Seq, Hi-Seq 2000

100 pb orienté

76 M lectures

# Jonctions dans données réelles

ERR030856

RNA-Seq, Hi-Seq 2000

100 pb orienté

76 M lectures

Jonctions  
prédites

CRAC

GSNAP

MapSplice

TopHat

# Jonctions dans données réelles

ERR030856

RNA-Seq, Hi-Seq 2000

100 pb orienté

76 M lectures

Jonctions  
prédites

CRAC  
GSNAP  
MapSplice  
TopHat

Extraction

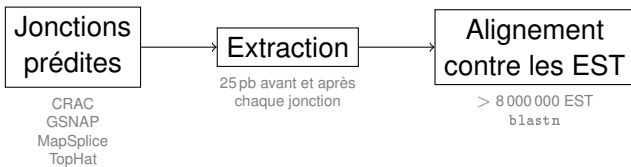
25 pb avant et après  
chaque jonction



# Jonctions dans données réelles

ERR030856

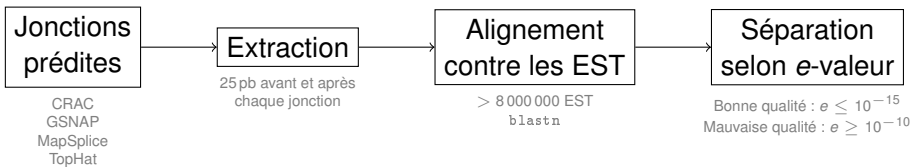
RNA-Seq, Hi-Seq 2000  
100 pb orienté  
76 M lectures



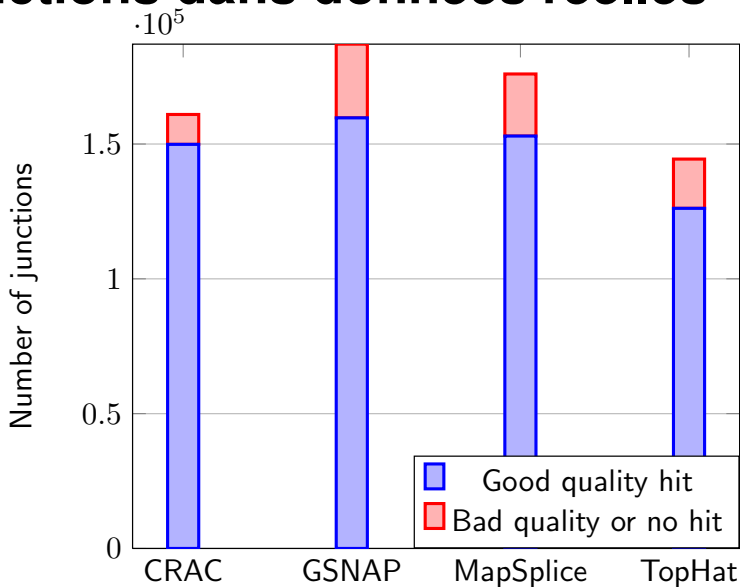
# Jonctions dans données réelles

## ERR030856

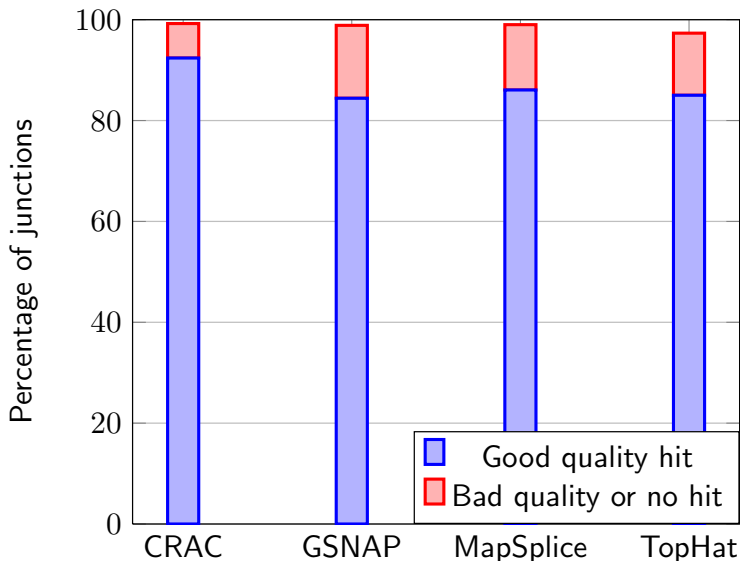
RNA-Seq, Hi-Seq 2000  
100 pb orienté  
76 M lectures



# Jonctions dans données réelles



# Jonctions dans données réelles

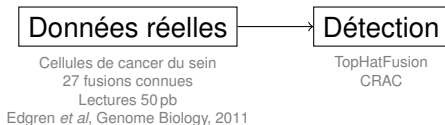


# Fusions dans données réelles

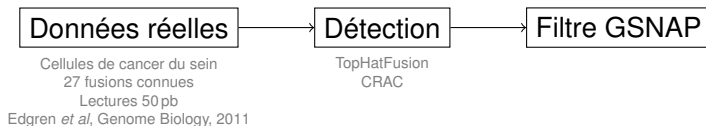
## Données réelles

Cellules de cancer du sein  
27 fusions connues  
Lectures 50 pb  
Edgren *et al*, Genome Biology, 2011

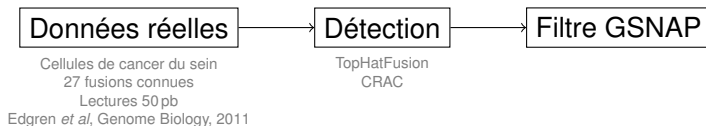
# Fusions dans données réelles



# Fusions dans données réelles



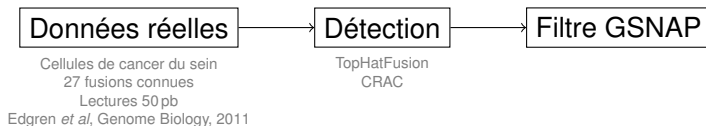
# Fusions dans données réelles



**CRAC**  
455



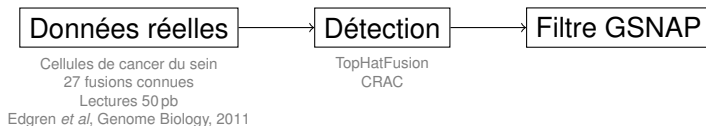
# Fusions dans données réelles



**CRAC**  
455

**TopHatFusion**  
193 163

# Fusions dans données réelles



**CRAC**

455

Validées : 20

**TopHatFusion**

193 163

Validées : 21

# Perspectives...

Qualité : vraiment informative ?

# Perspectives...

Qualité : vraiment informative ?

Nécessité d'évaluation plus complète

# Bonus

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{array}$$

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{array}$$

Permutations circulaires

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{array}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$



# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{array}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ T = & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{array}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ T = & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

Permutations triées

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

Permutations triées

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

G A A \$ C G A G A C

C G A A \$ C G A G A

A C G A A \$ C G A G

G A C G A A \$ C G A

A G A C G A A \$ C G

G A G A C G A A \$ C

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

G A A \$ C G A G A C

C G A A \$ C G A G A

A C G A A \$ C G A G

G A C G A A \$ C G A

A G A C G A A \$ C G

G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

G A A \$ C G A G A C

C G A A \$ C G A G A

A C G A A \$ C G A G

G A C G A A \$ C G A

A G A C G A A \$ C G

G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A



# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ T = & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

**A A \$ C G A G A C G**

G A A \$ C G A G A C

C G A A \$ C G A G A

A C G A A \$ C G A G

G A C G A A \$ C G A

A G A C G A A \$ C G

G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

G A A \$ C G A G A C

C G A A \$ C G A G A

A C G A A \$ C G A G

G A C G A A \$ C G A

A G A C G A A \$ C G

G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
A C G A A \$ C G A G

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
A C G A A \$ C G A G  
A G A C G A A \$ C G  
C G A A \$ C G A G A  
C G A G A C G A A \$  
G A A \$ C G A G A C  
G A C G A A \$ C G A  
G A G A C G A A \$ C

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
A C G A A \$ C G A G  
A G A C G A A \$ C G  
C G A A \$ C G A G A  
C G A G A C G A A \$  
G A A \$ C G A G A C  
G A C G A A \$ C G A  
G A G A C G A A \$ C

# Transformée de Burrows-Wheeler

$$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$$

Permutations circulaires

C G A G A C G A A \$  
\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
G A A \$ C G A G A C  
C G A A \$ C G A G A  
A C G A A \$ C G A G  
G A C G A A \$ C G A  
A G A C G A A \$ C G  
G A G A C G A A \$ C

Permutations triées

\$ C G A G A C G A A  
A \$ C G A G A C G A  
A A \$ C G A G A C G  
A C G A A \$ C G A G  
A G A C G A A \$ C G  
C G A A \$ C G A G A  
C G A G A C G A A \$  
G A A \$ C G A G A C  
G A C G A A \$ C G A  
G A G A C G A A \$ C

$$\text{TBW}(T) = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & A & A & G & G & G & A & \$ & C & A & C \end{matrix}$$



# Fonction $LF$

$T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

| $F$ | <hr/> |    |    |    |    |    |    |    |    | $L$ |
|-----|-------|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|
| \$  | C     | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |     |
| A   | \$    | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |     |
| A   | A     | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |     |
| A   | C     | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |     |
| A   | G     | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |     |
| C   | G     | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |     |
| C   | G     | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |     |
| G   | A     | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |     |
| G   | A     | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |     |
| G   | A     | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |     |

# Function $LF$

$T = \begin{matrix} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \end{matrix}$

| $F$ | $L$ |
|-----|-----|
| \$  | A   |
| A   | A   |
| A   | G   |
| A   | G   |
| A   | G   |
| C   | A   |
| C   | \$  |
| G   | C   |
| G   | A   |
| G   | C   |

# Function $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & \text{C} & \text{G} & \text{A} & \text{G} & \text{A} & \text{C} & \text{G} & \text{A} & \text{A} & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

# Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

## Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

## Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

Récupération du texte

## Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & \text{C} & \text{G} & \text{A} & \text{G} & \text{A} & \text{C} & \text{G} & \text{A} & \text{A} & \$ \\ & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

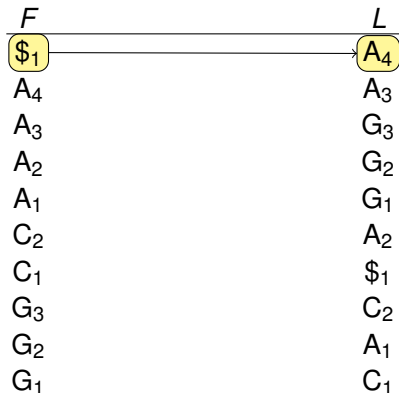
Récupération du texte

\$

## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |



### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

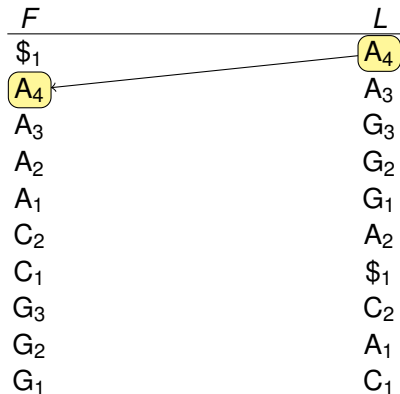
Récupération du texte

$\$A$

## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |



### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

## Récupération du texte

\$A



## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |

| $F$   |   | $L$   |
|-------|---|-------|
| $\$1$ |   | $A_4$ |
| $A_4$ | → | $A_3$ |
| $A_3$ |   | $G_3$ |
| $A_2$ |   | $G_2$ |
| $A_1$ |   | $G_1$ |
| $C_2$ |   | $A_2$ |
| $C_1$ |   | $\$1$ |
| $G_3$ |   | $C_2$ |
| $G_2$ |   | $A_1$ |
| $G_1$ |   | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

Récupération du texte

\$AA

## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

Récupération du texte

\$AA

## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |

| $F$   |   | $L$   |
|-------|---|-------|
| $\$1$ |   | $A_4$ |
| $A_4$ |   | $A_3$ |
| $A_3$ | → | $G_3$ |
| $A_2$ |   | $G_2$ |
| $A_1$ |   | $G_1$ |
| $C_2$ |   | $A_2$ |
| $C_1$ |   | $\$1$ |
| $G_3$ |   | $C_2$ |
| $G_2$ |   | $A_1$ |
| $G_1$ |   | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

Récupération du texte

\$AAG

## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

Récupération du texte

\$AAG

## Fonction $LF$

$T =$ 

|  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
|  | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9  |
|  | C | G | A | G | A | C | G | A | A | \$ |
|  | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 1  |

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

## Récupération du texte

\$AAGC

## Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   |   | $L$   |
|-------|---|-------|
| $\$1$ |   | $A_4$ |
| $A_4$ |   | $A_3$ |
| $A_3$ |   | $G_3$ |
| $A_2$ |   | $G_2$ |
| $A_1$ |   | $G_1$ |
| $C_2$ | ← | $A_2$ |
| $C_1$ |   | $\$1$ |
| $G_3$ |   | $C_2$ |
| $G_2$ |   | $A_1$ |
| $G_1$ |   | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

Récupération du texte

\$AAGC

# Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   |   | $L$   |
|-------|---|-------|
| $\$1$ |   | $A_4$ |
| $A_4$ |   | $A_3$ |
| $A_3$ |   | $G_3$ |
| $A_2$ |   | $G_2$ |
| $A_1$ |   | $G_1$ |
| $C_2$ | → | $A_2$ |
| $C_1$ |   | $\$1$ |
| $G_3$ |   | $C_2$ |
| $G_2$ |   | $A_1$ |
| $G_1$ |   | $C_1$ |

## Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

## Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

## Récupération du texte

\$AAGCA

## Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

### Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

### Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

## Récupération du texte

\$AAGCA



# Fonction $LF$

$$T = \begin{array}{cccccccccc} & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ & C & G & A & G & A & C & G & A & A & \$ \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 2 & 2 & 3 & 3 & 4 & 1 \end{array}$$

| $F$   | $L$   |
|-------|-------|
| $\$1$ | $A_4$ |
| $A_4$ | $A_3$ |
| $A_3$ | $G_3$ |
| $A_2$ | $G_2$ |
| $A_1$ | $G_1$ |
| $C_2$ | $A_2$ |
| $C_1$ | $\$1$ |
| $G_3$ | $C_2$ |
| $G_2$ | $A_1$ |
| $G_1$ | $C_1$ |

## Propriété

Les lettres identiques sont dans le même ordre dans  $F$  et dans  $L$ .

## Fonction $LF$

À partir de  $L$  et  $F$ , passage d'une lettre dans  $T$  à la précédente.

## Récupération du texte

$\$AAGCA \dots$

# FM-index

- ▶ Introduit par Ferragina et Manzini (2000) ;

# FM-index

- ▶ Introduit par Ferragina et Manzini (2000) ;
- ▶ structure d'indexation compressée basée sur la transformée de Burrows-Wheeler ;

# FM-index

- ▶ Introduit par Ferragina et Manzini (2000) ;
- ▶ structure d'indexation compressée basée sur la transformée de Burrows-Wheeler ;
- ▶ utilise :
  - ▶ la transformée de Burrows-Wheeler (lettres) ;
  - ▶ un échantillon de la table des suffixes (positions).

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0\ 1\ 2}{AGA}$  dans  $T = \overset{0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9}{CGAGACGAA\$}$

$F$   $L$

---

|    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |
| A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |
| A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |
| A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |
| A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |
| C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |
| C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |
| G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |
| G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |
| G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

| <i>F</i> |    |    |    |    |    |    |    |    |    |  | <i>L</i> |
|----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|--|----------|
| \$       | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |  |          |
| A        | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |  |          |
| A        | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |  |          |
| A        | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |  |          |
| A        | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |  |          |
| C        | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |  |          |
| C        | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |  |          |
| G        | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |  |          |
| G        | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |  |          |
| G        | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |  |          |

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$   
 $F \qquad \qquad \qquad L$

|    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |
| A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |
| A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |
| A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |
| A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |
| C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |
| C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |
| G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |
| G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |
| G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$   
 $F \quad \quad \quad L$

|    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |
| A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |
| A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |
| A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |
| A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |
| C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |
| C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |
| G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |
| G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |
| G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |



# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$   
 $\begin{array}{c} F \quad \quad \quad L \end{array}$

\$ C G A G A C G A A ↑ Zéro G

|   |    |    |   |   |    |   |    |   |   |
|---|----|----|---|---|----|---|----|---|---|
| A | \$ | C  | G | A | G  | A | C  | G | A |
| A | A  | \$ | C | G | A  | G | A  | C | G |
| A | C  | G  | A | A | \$ | C | G  | A | G |
| A | G  | A  | C | G | A  | A | \$ | C | G |

Trois G

C G A A \$ C G A G A

C G A G A C G A A \$

G A A \$ C G A G A C

G A C G A A \$ C G A

G A G A C G A A \$ C

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{\color{red}G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

$F$   $L$

---

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

A C G A A \$ C G A G

A G A C G A A \$ C G

C G A A \$ C G A G A

Zéro G  $\uparrow$  C G A G A C G A A \$

Trois G { 

G A A \$ C G A G A C

G A C G A A \$ C G A

G A G A C G A A \$ C

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0\ 1\ 2}{\text{AGA}}$  dans  $T = \overset{0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9}{\text{CGAGACGAA\$}}$

| $F$ | $L$ |    |    |    |    |    |    |    |    |  |
|-----|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|--|
| \$  | C   | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |  |
| A   | \$  | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |  |
| A   | A   | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |  |
| A   | C   | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |  |
| A   | G   | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |  |
| C   | G   | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |  |
| C   | G   | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |  |
| G   | A   | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |  |
| G   | A   | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |  |
| G   | A   | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |  |

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0\ 1\ 2}{\text{AGA}}$  dans  $T = \overset{0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9}{\text{CGAGACGAA\$}}$

| $F$ |    |    |    |    |    |    |    |    |    |           | $L$ |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----------|-----|
| \$  | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |           |     |
| A   | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |           |     |
| A   | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |           |     |
| A   | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |           |     |
| A   | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |           |     |
| C   | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |           |     |
| C   | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | ↑ Trois A |     |
| G   | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |           |     |
| G   | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |           |     |
| G   | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |           |     |

Un A

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0\ 1\ 2}{\text{AGA}}$  dans  $T = \overset{0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9}{\text{CGAGACGAA\$}}$

$\begin{array}{c} F \\ \hline L \end{array}$

\$ C G A G A C G A A

A \$ C G A G A C G A

A A \$ C G A G A C G

Trois A  $\uparrow$  A C G A A \$ C G A G

Un A { **A G A C G A A \$ C G** }

C G A A \$ C G A G A

C G A G A C G A A \$

G A A \$ C G A G A C

G A C G A A \$ C G A

G A G A C G A A \$ C

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

| <i>F</i> | <i>L</i> |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----------|----------|----|----|----|----|----|----|----|----|
| \$       | C        | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  |
| A        | \$       | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  | A  |
| A        | A        | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  | G  |
| A        | C        | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  |
| A        | G        | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  |
| C        | G        | A  | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  |
| C        | G        | A  | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ |
| G        | A        | A  | \$ | C  | G  | A  | G  | A  | C  |
| G        | A        | C  | G  | A  | A  | \$ | C  | G  | A  |
| G        | A        | G  | A  | C  | G  | A  | A  | \$ | C  |

Il y a une seule occurrence de AGA dans  $T$ .

## Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

|   | <i>F</i> | <i>L</i>           |
|---|----------|--------------------|
| 9 | \$       | C G A G A C G A A  |
| 8 | A        | \$ C G A G A C G A |
| 7 | A        | A \$ C G A G A C G |
| 4 | A        | C G A A \$ C G A G |
| 2 | A        | G A C G A A \$ C G |
| 5 | C        | G A A \$ C G A G A |
| 0 | C        | G A G A C G A A \$ |
| 6 | G        | A A \$ C G A G A C |
| 3 | G        | A C G A A \$ C G A |
| 1 | G        | A G A C G A A \$ C |

Il y a une seule occurrence de AGA dans  $T$ .

## Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

|   | <i>F</i> | <i>L</i>           |
|---|----------|--------------------|
| 9 | \$       | C G A G A C G A A  |
| 8 | A        | \$ C G A G A C G A |
| 7 | A        | A \$ C G A G A C G |
| 4 | A        | C G A A \$ C G A G |
| 2 | A        | G A C G A A \$ C G |
| 5 | C        | G A A \$ C G A G A |
| 0 | C        | G A G A C G A A \$ |
| 6 | G        | A A \$ C G A G A C |
| 3 | G        | A C G A A \$ C G A |
| 1 | G        | A G A C G A A \$ C |

Il y a une seule occurrence de AGA dans  $T$ .



# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

|                        | <i>F</i>          | <i>L</i>           |
|------------------------|-------------------|--------------------|
| 9                      | \$                | C G A G A C G A A  |
| 8                      | A                 | \$ C G A G A C G A |
| 7                      | A A               | \$ C G A G A C G   |
| 4                      | A C G A A         | \$ C G A G         |
| 2 ← table des suffixes | A G A             | C G A A \$ C G     |
| 5                      | C G A A           | \$ C G A G A       |
| 0                      | C G A G A C G A A | \$                 |
| 6                      | G A A             | \$ C G A G A C     |
| 3                      | G A C G A A       | \$ C G A           |
| 1                      | G A G A C G A A   | \$ C               |

Il y a une seule occurrence de AGA dans  $T$ .

# Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

|     | <i>F</i>             | <i>L</i>           |
|-----|----------------------|--------------------|
| 9   | \$                   | C G A G A C G A A  |
| 8   | A                    | \$ C G A G A C G A |
| 7   | A A                  | \$ C G A G A C G   |
| 4   | A C G A A            | \$ C G A G         |
| 2 ← | A G A                | C G A A \$ C G     |
| 5   | C G A A              | \$ C G A G A       |
| 0   | C G A G A C G A A    | \$                 |
| 6   | G A A \$ C G A G A C |                    |
| 3   | G A C G A A \$ C G A |                    |
| 1   | G A G A C G A A \$ C |                    |

Table des suffixes



Trop d'espace



Échantillonnage

Il y a une seule occurrence de AGA dans  $T$ .

## Recherche de motifs

Recherchons  $P = \overset{0}{A}\overset{1}{G}\overset{2}{A}$  dans  $T = \overset{0}{C}\overset{1}{G}\overset{2}{A}\overset{3}{G}\overset{4}{A}\overset{5}{C}\overset{6}{G}\overset{7}{A}\overset{8}{A}\overset{9}{\$}$

|   | <i>F</i>             | <i>L</i> |
|---|----------------------|----------|
| 9 | \$ C G A G A C G A A |          |
|   | A \$ C G A G A C G A |          |
|   | A A \$ C G A G A C G |          |
|   | A C G A A \$ C G A G |          |
|   | A G A C G A A \$ C G |          |
|   | C G A A \$ C G A G A |          |
| 0 | C G A G A C G A A \$ |          |
| 6 | G A A \$ C G A G A C |          |
| 3 | G A C G A A \$ C G A |          |
|   | G A G A C G A A \$ C |          |

Il y a une seule occurrence de AGA dans  $T$ .